

Інститут кібернетики імені В. М. Глушкова  
Національної академії наук України  
Кам'янець-Подільський національний університет  
імені Івана Огієнка

## **МАТЕМАТИЧНЕ ТА КОМП'ЮТЕРНЕ МОДЕЛЮВАННЯ**

**Серія: Технічні науки**

Збірник наукових праць

**Випуск 4**

Кам'янець-Подільський національний університет  
імені Івана Огієнка  
2010

УДК 004.94:53.072

ББК 30

М34

Свідоцтво про державну реєстрацію друкованого засобу масової інформації:

Серія КВ № 14522-3493Р від 25.06.2008 р.

Збірник наукових праць включено до Переліку наукових фахових видань України

з технічних наук (постанова Президії ВАК України

від 27 травня 2009 р. № 1-05/2, Бюлетень ВАК України №8, 2009)

Друкується згідно з рішенням вченої ради Кам'янець-Подільського

національного університету імені Івана Огієнка,

протокол № 11 від 26 листопада 2010 року.

#### Рецензенти:

**С. О. Лук'яненко**, д.т.н., професор, завідувач кафедри Національного технічного університету України “Київський політехнічний інститут”;

**В. В. Мохор**, д.т.н., професор, завідувач кафедри Національного технічного університету України “Київський політехнічний інститут”.

#### Редакційна колегія:

Відповідальний редактор

**Ю. Г. КРИВОНОС**

академік НАНУ, д.ф-м.н., проф.

Заст. відповідального редактора

**А. Ф. ВЕРЛАНЬ**

член-кор. НАНУ, д.т.н., проф.

Відповідальний секретар

**В. А. ФЕДОРЧУК**

к.т.н., доцент

**В. П. БОЮН**,

член-кор. НАНУ, д.т.н., проф.

**В. В. ВАСИЛЬСВ**

член-кор. НАНУ, д.т.н., проф.

**В. К. ЗАДІРАКА**

член-кор. НАНУ, д.ф-м.н., проф.

**І. М. КОНЕТ**

д.ф.-м.н., проф.

**Б. Б. НЕСТЕРЕНКО**

д.т.н., проф.

**О. М. ХІМІЧ**

д.ф-м.н., проф.

**М34 Математичне та комп’ютерне моделювання. Серія: Технічні науки** : зб. наук. праць / Інститут кібернетики імені В. М. Глушкова Національної академії наук України, Кам’янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка ; [редкол.: Ю. Г. Кривонос (відп. ред.) та ін.]. — Кам’янець-Подільський : Кам’янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2010. — Вип. 4. — 280 с.

У збірнику друкуються результати досліджень, що стосуються проблем застосування математичних моделей в різних галузях людської діяльності.

Для наукових та інженерно-технічних працівників, докторантів, аспірантів, студентів вищих навчальних закладів.

УДК 004.94:53.072

ББК 30

© Інститут кібернетики імені В. М. Глушкова НАН України, 2010  
© Кам’янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2010

УДК 519.6

**С. Ю. Протасов**, асистент

Черкаський національний технічний університет,  
г. Черкаси

## **ИНТЕГРАЛЬНЫЙ МЕТОД МОДЕЛИРОВАНИЯ ДИНАМИЧЕСКИХ СИСТЕМ С ПЕРЕМЕННЫМИ ПАРАМЕТРАМИ**

В статье рассматриваются вопросы применения интегрального метода исследования линейных динамических систем с переменными параметрами, процессы в которых описываются дифференциальными уравнениями с переменными коэффициентами, аналитическое решение которых сложно. При решении задачи в численном виде, вычислительные сложности резко возрастают при повышении порядка системы.

**Ключевые слова:** одномерная система, импульсная переходная функция.

**Введение.** Изменение параметров является принципиальным фактором функционирования системы, а также во множестве задач исследования систем при линеаризации исходной нелинейной системы относительно опорной траектории, при решении систем уравнений чувствительности выходных координат нелинейных систем к возмущениям параметров и начальных условий и во многих других случаях.

В работе рассматриваются вопросы применения интегрального метода исследования линейных динамических систем с переменными параметрами, процессы в которых традиционно описываются дифференциальными уравнениями с переменными коэффициентами, аналитическое решение которых весьма затруднено. При решении задачи в численном виде вычислительные трудности резко возрастают при повышении порядка системы.

Следует отметить, что применяемые в настоящее время в механике, технике автоматического управления, радиотехнике и других смежных отраслях системы с переменными параметрами в своем большинстве относятся к классу так называемых систем с медленно меняющимися параметрами, или квазистационарных систем, у которых коэффициенты дифференциального уравнения несущественно изменяют свои значения за время эффективной длительности импульсной переходной функции (время от начала процесса до момента, когда процесс можно считать полностью затухшим). Этот класс задач также свидетельствует о важности разработки чисельных и аналитических эффективных методов решения, особенно посредст-

вом получения такой исчерпывающей характеристики системы, как импульсная переходная функция (ИПФ) [2; 3].

Определение импульсной переходной функции системы важно с двух точек зрения. Во-первых, импульсная переходная функция непосредственно характеризует качественные и некоторые количественные характеристики процессов в системе (такие, как апериодичность или колебательность, скорость затухания и форму огибающей процесса, экстремумы и нули процесса, и т.д.). Во-вторых, и это более существенно, имея нормальные и особенно сопряженные импульсные реакции системы, представляется возможность строить выходные процессы системы по заданным входным, не производя каждый раз полного решения задачи; оценивать системы по статистическим показателям качества; применять оценки качества, основанные при рассмотрении реакции на воздействие, заданное только по модулю, и производить ряд других операций, связанных с анализом и синтезом систем [4; 5].

**Изложение основного материала.** Рассмотрим уравнение состояния линейной динамической системы с переменными параметрами, процессы в которой описываются системой линейных дифференциальных уравнений с переменными во времени коэффициентами. Здесь мы будем рассматривать одномерную систему вида:

$$\sum_{k=0}^n a_k(t) \frac{d^k y(t)}{dt^k} = \sum_{j=0}^m b_j(t) \frac{d^j x(t)}{dt^j}, \quad (1)$$

с начальными условиями:

$$y_0^{(k)}(0) = y^{(k)}(0), k = 0, 1, \dots, n-1, \quad (2)$$

в которой коэффициент при старшей производной  $a_n(t) \neq 0$  на интервале  $[0, t]$  и может быть представлен в виде:

$$a_n(t) = \varphi_n(t), \quad (3)$$

где  $\varphi_n(t)$  — безразмерная функция, определяющая зависимость  $a_n$  от времени.

При этих предположениях делением на  $\varphi_n(t)$  система (1) приводится к виду:

$$\sum_{k=0}^n \alpha_k \frac{d^k y(t)}{dt^k} = f(t) - \sum_{k=0}^{n-1} \beta_k(t) \frac{d^k y(t)}{dt^k}, \quad (4)$$

где

$$f = \sum_{j=0}^m \gamma_j(t) \frac{d^j x(t)}{dt^j}, \quad \gamma_j(t) = b_j(t) / \varphi_n(t), \quad (5)$$

$$\alpha_k(t) / \varphi_n(t) = \alpha_k + \beta_k(t), \quad (6)$$

$$\alpha_k = a_k(0)/\varphi_n(0) \quad \text{для непериодических функций} \quad (6) \quad \text{и}$$

$$\alpha_k = \frac{1}{T} \int_0^T a_k(t) / \varphi_n(t) dt \quad \text{для периодических} \quad (7).$$

Далее уравнение (4) можно представить в виде системы  $(n_{it}+1)$  дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами  $\alpha_k$ :

$$\sum_{k=0}^n \alpha_k \frac{d^k y_0(t)}{dt^k} = f(t), \quad y_0^{(k)}(0) = y^{(k)}(0), \quad k = 0, 1, \dots, n-1, \quad (8)$$

$$\sum_{k=0}^n \alpha_k \frac{d^k y_i(t)}{dt^k} = - \sum_{k=0}^{n-1} \beta_k(t) \frac{d^k y_{i-1}(t)}{dt^k} = f_i, \\ y_i^{(k)}(0) = 0, \quad i = 1, 2, \dots, n_{it}. \quad (9)$$

$$y_i = \int_0^t g_0(t-\xi) f_i(\xi) d\xi, \quad i \geq 1, \quad (10)$$

где  $g_0(t-o)$  — импульсная переходная функция нулевой системы при входном сигнале  $f(t) = \delta(t-o)$ . При этом

$$g_0^{(k)}(0) = 0, \quad k = 0, 1, \dots, n-2, \quad (11)$$

что позволяет получить простую формулу для вычисления производных  $y_i^{(k)}(t)$  путем дифференцирования (11) по  $t$ :

$$\frac{d^k y_i}{dt^k} = \int_0^t f_i(\xi) \frac{d^k g_0}{dt^k} \Big|_{t=t-\xi} d\xi, \quad k = 0, 1, 2, \dots, n-1. \quad (12)$$

Меняя в (9) порядок суммирования и интегрирования, получим

$$f_i = - \int_0^t g(t, \xi) f_{i-1}(\xi) d\xi, \quad i > 2, \quad (13)$$

где весовая параметрическая функция

$$g(t, \tau) = \sum_{k=0}^{n-1} \beta_k(t) \frac{d^k g_0}{dt^k} \Big|_{t=t-\tau} \quad (14)$$

равная 0 при  $t < \tau$ , может быть вычислена заранее.

Решение системы (8) записывается в виде суммы свободной и вынужденной составляющих:

$$y_0 = y_{0c} + \int_0^t g_0(t-\xi) f(\xi) d\xi, \quad (15)$$

где компонента  $y_{0c}$  — решение соответствующего однородного уравнения (8).

Сравнивая (8), (9), (15) с исходным уравнением (1), можно показать, что частичная сумма

$$S_{n_{it}}(t) = \sum_{i=0}^{n_{it}} y_i, \quad S_{n_{it}}^{(k)}(0) = y^{(k)}(0), \quad k = 0, 1, \dots, n-1 \quad (16)$$

являється  $n_{it}$ -им приближенням розв'язку системи (1), причому

$$\lim S_{n_{it}}(t) = \sum_{i=0}^{\infty} y_i = y(t). \quad (17)$$

Введя обозначення

$$v(t) = \sum_{i=0}^{\infty} f_i, \quad (18)$$

з (10) і (17) отримаємо для визначення, так называемого, еквівалентного входного сигналу  $v(t)$ , інтегральне рівняння Вольтерри другого роду з ядром (14), залежним від всіх змінних коефіцієнтів  $\beta_k(t)$  і нулевої імпульсної реакції  $g_0(t)$ :

$$v(t) = f_1(t) - \int_0^t g(t, \xi) v(\xi) d\xi. \quad (19)$$

Іскоме розв'язок рівняння (1) визначається виразом:

$$y = y_0 + \int_0^t g_0(t - \xi) v(\xi) d\xi. \quad (20)$$

Формули (14), (15), (18), (19) і (20) дозволяють знайти вихідний сигнал системи (1) з змінними параметрами  $a_k(t)$  при будь-яких кусочно-неперервних  $f$  і  $\beta_k(t)$  без обмеження на швидкість зміни параметрів. При цьому основою методики є [6] розв'язання інтегрального рівняння (19). Оно може бути знайдено методом послідовальних приближень згідно з (18) або іншими, в тому числі чисельними методами. Після цього, як еквівалентний вихідний сигнал визначено, дослідження параметрическої системи проводиться відомими методами теорії систем з постійними параметрами.

Розв'язання рівняння (19) може бути записано в іншому вигляді. Використовуючи послідовно зовнішні впливи за (13) і потім, сумуючи їх, отримаємо

$$v(t) = f_1(t) + \int_0^t R(t, \tau) f_1(\tau) d\tau, \quad (21)$$

де резольвента  $R(t, \tau)$  інтегрального рівняння (19) задовільняє, в свою чергу, двом інтегральним рівнянням [6]:

$$R(t, \tau) = -g(t, \tau) - \int_0^t g(t, \xi) R(\xi, \tau) d\xi$$

або

$$R(t, \tau) = -g(t, \tau) - \int_0^t g(\xi, \tau) R(t, \xi) d\xi.$$

Особенность последних уравнений состоит в том, что свободный член определяется ядром интегрального уравнения, что облегчает их решение по сравнению с (19).

Для системы с нулевыми начальными условиями (2) эквивалентный входной сигнал связан с внешним воздействием  $f(t)$  соотношением:

$$v(t) = \int_0^t R(t, \xi) f(\xi) d\xi, \quad (22)$$

а главная интегральная зависимость между входом и выходом представляется в виде:

$$y(t) = \int_0^t g_f(t, \xi) f(\xi) d\xi,$$

где  $g_f(t, \tau)$  — полная импульсная реакция системы (1):

$$g_f(t, \tau) = g_0(t - \tau) + \int_{\tau}^t g_0(t - \xi) R(\xi, \tau) d\xi,$$

С использованием резольвенты может быть найдена параметрическая импульсная реакция

$$g_p(t, \tau) = \int_{\tau}^t g_0(t - \xi) R(\xi, \tau) d\xi,$$

и полная импульсная реакция

$$g_f(t, \tau) = g_0(t - \tau) + g_p(t, \tau),$$

которая удовлетворяет интегральное уравнение

$$g_f(t, \tau) = g_0(t - \tau) - \sum_{k=0}^{n-1} \int_{\tau}^t \beta_k(\xi) g_0(t - \xi) \frac{\partial^k g_f(t, \tau)}{\partial t^k} \Big|_{t=\xi} d\xi, \quad (23)$$

справедливо для всех кусочно-непрерывных функций  $\beta_k(t)$ . Если  $\beta_k(t)$  дифференцируемы  $k$  раз, то уравнение (23) приводится к виду:

$$g_f(t, \tau) = g_0(t - \tau) - \int_{\tau}^t G(t, \xi) g_f(\xi, \tau) d\xi,$$

где ядро определяется выражением

$$G(t, \xi) = \sum_{k=0}^{n-1} (-1)^k \frac{d^k}{d\xi^k} [\beta_k(\xi) g_0(t - \xi)].$$

Отметим, что если ни в одном из коэффициентов  $a_k(t)$  не выделяется постоянная часть, т.е.  $\alpha_k = 0$ ,  $\beta_k(t) = a_k(t)$ ,  $k = 0, 1, \dots, n-1$ , в этом случае имеем:

$$g_0(t) = t^{n-1} / (a_n(n-1)!),$$

$$g(t, \tau) = \sum_{k=0}^{n-1} \frac{a_k(t)}{a_k} \frac{(t-\tau)^{n-1-k}}{(n-1-k)!}.$$

Если  $x(t)$  —  $(m-1)$  раз дифференцируемая на интервале  $[\tau, t]$  функція і

$$\left. \frac{d^j x}{dt^j} \right|_{\tau} = 0, \quad t < \tau, \quad e(t) = x(t), \quad t > \tau,$$

$$\left. \frac{d^j x}{dt^j} \right|_{t=\tau} = x^{(j)}(\tau), \quad (j = 0, 1, \dots, m),$$

то вход  $x(t)$  определяється як  $x(t) = e(t)l(t-\tau)$ , а праву частину (1) можна записати в виде:

$$f(t) = \sum_{j=0}^m b_j(t) \frac{d^j e}{dt^j} l(t-\tau) + \sum_{j=0}^m \sum_{k=1}^j x^{(k-1)}(\tau) \delta^{(j-k)}(t-\tau).$$

Подставляя  $f(t)$  в (22), отримаємо:

$$y(t) = \sum_{l=0}^m U_{ml}(t, t) \frac{d^{l-1} x}{dt^{l-1}} + \int_0^t V(t, \xi) x(\xi) d\xi,$$

де

$$U_{ml}(t, t) = \sum_{j=l}^m (-1)^{l-j} \left. \frac{d^{j-l} u_j(t, \tau)}{d\tau^{j-l}} \right|_{\tau=t},$$

$$u_j(t, \tau) = b_j(t) g_j(t, \tau),$$

$$V(t, \tau) = \sum_{j=0}^m (-1)^j \frac{d^j u_j(t, \tau)}{d\tau^j}.$$

Отсюди, приймавши  $x(t) = \delta(t-\tau)$  і учитувавши, що  $d^k u_j / d\tau^k |_{\tau=t} = 0$  для  $k=0, 1, \dots, n-2$ , отримаємо импульсну переходну функцію системи (1) в виде:

$$w(t, \tau) = \sum_{k=1}^{m-n+1} U_{mk}(t, t) \delta^{(k-1)}(t-\tau) + V(t, \tau),$$

причому

$U_{mk}(t, t) = 0$  при  $m < n$  (нет первого слагаемого),

$U_{mk}(t, t) = U_{m1}(t, t) = b_m(t) / \alpha_n$ , якщо  $m = n$ ,

$$U_{mk}(t, t) = \sum_{k=1}^{k_{mn}=m-n+1>0} (-1)^{n-1+k} \left. \frac{d^{n-1+k} u_j}{d\tau^{n-1+k}} \right|_{\tau=t}, \quad \text{якщо } m > n.$$

Таким образом, выход  $y(t)$  в общем случае связан со входом  $x(t)$  формулой:

$$y(t) = y_{du} = \int_0^t V(t, \tau)x(\tau)d\tau,$$

где

$$y_{du}(t) = \sum_{k=1}^m U_{mk}(t, t) \frac{d^{k-1}x}{dt^{k-1}},$$

$$w(t, \tau) = V(t, \tau), t > \tau, m < n,$$

$$w(t, \tau) = (b_m(t)/\alpha_n)\delta(t - \tau) + V(t, \tau), t > \tau, m = n,$$

и при  $m \geq n$  в момент включения  $t = \tau$  импульсная переходная функция имеет разрывы непрерывности, определяемые  $\delta$ -функцией и ее производными.

**Выводы.** Таким образом, рассматриваемый метод расширяет возможности исследования линейных динамических систем с переменными параметрами, дополняя или заменяя математический аппарат линейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами. При этом появляются новые возможности аналитического исследования задач и упрощается исследование систем высокого порядка.

### Список использованной литературы:

1. Петров Б. Н. Системы автоматического управления объектами переменными параметрами: Инженерные методы анализа и синтеза / Б. Н. Петров, Н. И. Соколов, А. В. Липатов и др. — М. : Машиностроение, 1986. — 256 с.
2. Солодов А. В. Линейные автоматические системы с переменными параметрами / А. В. Солодов, Ф. С. Петров — М. : Наука, 1971.
3. Шевелёв А. Г. Основы линейной теории нестационарных систем автоматического управления / А. Г. Шевелёв // Мин. образ. и науки Украины НАУ. — К. : изд. НАУ, 2004. — 265 с.
4. Виглин С. И. Переходные процессы в системах с переменными параметрами / С. И. Виглин. — М. : Советское радио, 1971. — 184 с.
5. Основы автоматического управления / под ред. В. С. Пугачёва. — М. : Наука, 1974. — 720 с.
6. Верлань А.Ф. Интегральные уравнения: методы, алгоритмы, программы / А. Ф. Верлань, В. С. Сизиков. — К. : Наукова думка, 1986. — 544 с.

In this article the questions of application of integral method of research of the linear dynamic systems are examined with in-out parameters, processes in which are described differential equalizations, with variable coefficients analytical decision of which very difficult. At a decision tasks in a numeral kind, calculable complication sharply grow at the increase of order of the system.

**Key words:** One measurable system, impulsive transitional function.

Отримано 10.09.10

## ЗМІСТ

### **Бабій Н. В., Петрик М. Р.**

Математичне моделювання масопереносу зі змінними коефіцієнтами дифузії для неоднорідних обмежених магнітних середовищ ..... 3

### **Барабан К. М.**

Реалізація технології побудови просторової моделі обличчя людини по фотографічним зображенням ..... 18

### **Бейко І. В.**

Узагальнені крайові задачі і узагальнені розв'язки оптимізаційних задач у функціональних просторах ..... 32

### **Білогай Ю. В., Дунаєва Т. А.**

Формування оптимального товарного портфелю підприємства на основі теорії обмежень систем ..... 42

### **Верлань А. Ф., Положаєнко С. А.**

Комп'ютерні засоби реалізації імітаційного дослідження аномальних дифузійних процесів ..... 47

### **Верлань А. А., Смаковский Д. С., Михайлова И. Ю.**

Численное решение двумерного уравнения теплопроводности с использованием технологии OpenMP ..... 56

### **Верлань Д. А.**

Алгоритми реалізації методу вироджених ядер при розв'язанні інтегральних рівнянь вольтерри ..... 64

### **Власюк А. П., Степанченко О. М.**

Чисельне моделювання однієї задачі розчинення сольового включення ..... 70

### **Громик А. П.**

Математичне моделювання стаціонарного теплопереносу в процесах випікання тонких плоских циліндричних тістових заготовок ..... 85

### **Дроботя А. І., Кулик С. І., Литвин О. О.**

Створення стегофайлу на зображенні-контейнері з використанням вейвлетів ..... 97

### **Іванюк В. А., Корнєєв О. М.**

Розв'язування інтегральних рівнянь типу згортки за допомогою інтегральних перетворень ..... 104

### **Каленчук-Порханова А. О., Вакал Л. П.**

Застосування найкращої чебишовської апроксимації для моделювання деяких фізичних процесів ..... 111

<b>Конет І. М., Ленюк М. П.</b>	
Моделювання дифузійних процесів в неоднорідних середовищах з м'якими межами методом гібридного диференціального оператора Лежандра-Фур'є-Лежандра на полярній осі $r \geq R_0 > 0$ .....	119
<b>Кудин А. М.</b>	
Математическая модель стеганографической системы на базе общей теории оптимальных алгоритмов .....	136
<b>Митько Л. А.</b>	
Итерационные алгоритмы конечноэлементного метода сопряженных градиентов .....	144
<b>Мосенцова Л. В.</b>	
Численная реализация в системе MatLab квадратурных алгоритмов решения интегральных уравнений Вольтерра II рода в форме Гаммерштейна .....	156
<b>Остапчук О. П.</b>	
Чисельне моделювання процесу очищення горизонтального шару ґрунту від радіонуклідів при їх вертикальній міграції .....	162
<b>Протасов С. Ю.</b>	
Інтегральний метод моделювання динаміческих систем с перемінними параметрами .....	173
<b>Слупко О. М., Савула Я. Г., Мандзак Т. І., Дяконюк Л. М.</b>	
Комп'ютерне моделювання процесу напірної фільтрації у пористому середовищі з включеннями .....	180
<b>Сопель М. Ф.</b>	
Аналіз и оптимизация межповерочных интервалов средств измерения статистическим методом .....	187
<b>Федорчук В. А.</b>	
Аналіз стійкості керованих електромеханічних систем за їх інтегральними моделями .....	193
<b>Федорчук Н. А.</b>	
Математичне моделювання одновимірної задачі напружено-деформованого стану ґрунтового масиву при фільтрації сольових розчинів в неізотермічних умовах та наявності рівня ґрунтових вод .....	204
<b>Філатова І. А.</b>	
Математичне моделювання напружено-деформованого стану багатошарового ґрунтового масиву в умовах масопереносу та наявності рівня ґрунтових вод .....	216
<b>Цвєткова Т. П.</b>	
Математичне моделювання масопереносу з врахуванням осмосу на вологоперенос в одновимірному випадку .....	227

<b>Шевчук Б. М., Задірака В. К., Бовсунівський В. І.</b>	
Дослідження методів і алгоритмів стиснення та відновлення відеосигналів для побудови інтелектуальних мережевих відеосенсорів .....	234
<b>Щербак Т. Л.</b>	
Задачі математичного моделювання та статистичної обробки циклічних процесів електропоживання.....	246
<b>Щербовських С. В.</b>	
Розрахунок інтенсивності потоку відмов дубльованої системи з паралельним резервуванням .....	261
<b>Василь Васильович Скопецький (16.06.1944—04.09.2010)</b> .....	270
<b>Відомості про авторів .....</b>	272
<b>Алфавітний покажчик.....</b>	275

Інститут кібернетики імені В. М. Глушкова  
Національної академії наук України  
Кам'янець-Подільський національний університет  
імені Івана Огієнка

НАУКОВЕ ВИДАННЯ

**МАТЕМАТИЧНЕ ТА КОМП'ЮТЕРНЕ  
МОДЕЛЮВАННЯ**

**Серія: Технічні науки**

Збірник наукових праць

**Випуск 4**

---

---

Підписано до друку 14.12.2010 р. Формат 60x84/16. Папір офісний.  
Гарнітура “Таймс”. Друк різографічний. Обл.-вид. арк. 14,6.  
Умовн. друк. арк. 16,1. Тираж 100. Зам. № 431.

Кам'янець-Подільський національний університет  
імені Івана Огієнка.  
Бул. Огієнка, 61, м. Кам'янець-Подільський, 32300.  
Свідоцтво серії ДК № 3382 від 05.02.2009 р.